

5.3.4 Dugačak štap opterećen silama na krajevima

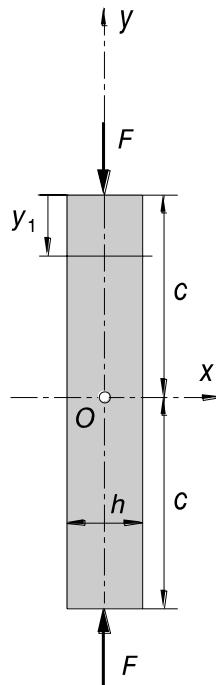
U prethodnom potpoglavlju razmatrali smo dugačak pojasa koji je na duljim stranicama bio opterećen s dvije koncentrirane sile F . U tom je slučaju duljina pojasa $2l$ bila mnogo veća od njegove širine $2c$, tj. vrijedilo je $l \gg c$. Razmotrimo sada suprotan slučaj kad je $c \gg l$. Pojas tada prelazi u dugi štap prema slici 5.14.

U tom slučaju vrijedi

$$2qa = F, \quad c - y = y_1. \quad (5.88)$$

gdje je y_1 novo uvedena koordinata koja se mjeri od gornjeg kraja štapa kako je prikazano na slici 5.14. Očekujemo da će prema St. Venantovom principu naprezanje σ_y po poprečnom presjeku biti to **ravnomjernije** raspodijeljeno što je presjek udaljeniji od krajeva štapa, tj. što je veći y_1 . Ako je y_1 dovoljno velik ($y_1 > h$), možemo veličinu $\lambda_k c$ zanemariti u usporedbi sa $\sinh \lambda_k c$. Također vrijedi

$$\sinh \lambda_k c = \cosh \lambda_k c = e^{\lambda_k c} / 2.$$



Slika 5.14 Dugi štap opterećen dvjema koncentriranim silama

Budući da je a vrlo malo, vrijedi

$$\sin \lambda_k a = \lambda_k a,$$

pa izraz (5.86) prelazi u

$$K_k = 2e^{-2\lambda_k c}.$$