

$$\sigma_y = \frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2} = -\lambda^2 (A_1 \cosh \lambda y + A_2 \sinh \lambda y + A_3 y \cosh \lambda y + A_4 y \sinh \lambda y) \cos \lambda x, \quad (5.52)$$

$$\tau_{xy} = -\frac{\partial^2 \phi}{\partial x \partial y} = \lambda [\lambda A_1 \sinh \lambda y + \lambda A_2 \cosh \lambda y + A_3 (\cosh \lambda y + \lambda y \sinh \lambda y) + A_4 (\sinh \lambda y + \lambda y \cosh \lambda y)] \sin \lambda x. \quad (5.53)$$

Očito bi izrazi za naprezanja u slučaju nesimetričnog opterećenja imali isti oblik uz male izmjene. Naime, umjesto konstanti A_1 , A_2 , A_3 i A_4 pojavile bi se konstante B_1 , B_2 , B_3 i B_4 . Također bi se umjesto $\cos \lambda x$ pojavio $\sin \lambda x$, a umjesto $\sin \lambda x$ pojavio bi se $-\cos \lambda x$. Konstante integracije A_1 , A_2 , A_3 , A_4 , odnosno B_1 , B_2 , B_3 , B_4 određuju se iz rubnih uvjeta u svakom konkretnom slučaju.

Ako umjesto jednog člana uzmemo čitav red, funkcija naprezanja iznosi

$$\phi = \sum_{k=1}^{\infty} (A_{1k} \cosh \lambda_k y + A_{2k} \sinh \lambda_k y + A_{3k} y \cosh \lambda_k y + A_{4k} y \sinh \lambda_k y) \cos \lambda_k x. \quad (5.54)$$

Tada su naprezanja dana izrazima

$$\sigma_x = \sum_{k=1}^{\infty} [\lambda_k^2 (A_{1k} \cosh \lambda_k y + A_{2k} \sinh \lambda_k y) + \lambda_k A_{3k} (2 \sinh \lambda_k y + \lambda_k y \cosh \lambda_k y) + \lambda_k A_{4k} (2 \cosh \lambda_k y + \lambda_k y \sinh \lambda_k y)] \cos \lambda_k x, \quad (5.55)$$

$$\sigma_y = -\sum_{k=1}^{\infty} \lambda_k^2 (A_{1k} \cosh \lambda_k y + A_{2k} \sinh \lambda_k y + A_{3k} y \cosh \lambda_k y + A_{4k} y \sinh \lambda_k y) \cos \lambda_k x, \quad (5.56)$$

$$\tau_{xy} = \sum_{k=1}^{\infty} \lambda_k [\lambda_k A_{1k} \sinh \lambda_k y + \lambda_k A_{2k} \cosh \lambda_k y + A_{3k} (\cosh \lambda_k y + \lambda_k y \sinh \lambda_k y) + A_{4k} (\sinh \lambda_k y + \lambda_k y \cosh \lambda_k y)] \sin \lambda_k x. \quad (5.57)$$

5.3.2 Štap opterećen na krajevima samouravnoteženim spregovima

Takav je štap prikazan na slici 5.11. On je na gornjem i donjem kraju opterećen kontinuiranim opterećenjem koje se mijenja po zakonu $q(x) = q_o \cos(\pi x / l) = q_o \cos \lambda x$, kako je prikazano na slici 5.11a. Kontinuirano opterećenje reducira se na dva samouravnotežena sprega koja imaju momente M_o prema slici 5.11b. Iznos momenta M_o dan je izrazom

$$M_o = -\int_0^l q(x) x dx = -q_o \int_0^l x \cos \lambda x = \frac{2q_o}{\lambda^2} = \frac{2q_o l^2}{\pi^2}.$$