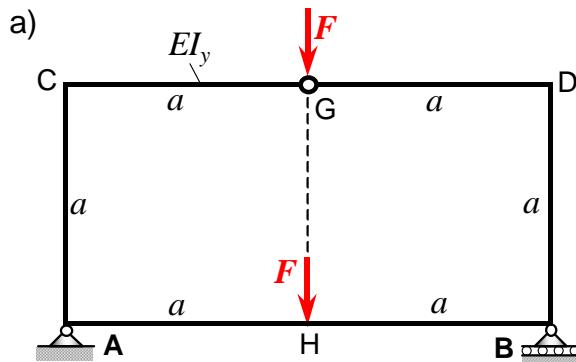


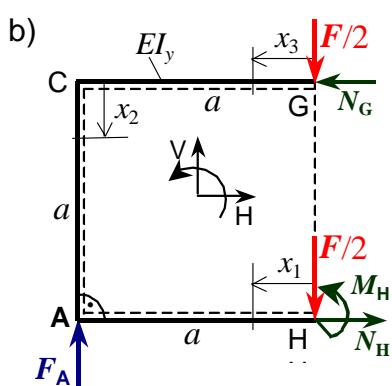
8. Zadatak: Ravninski zglobni okvirni nosač



Za zatvoreni zglobni okvirni nosač ABCD zadan i opterećen prema slici a) treba:

- odrediti reakcije veza u osloncima A i B
- unutarnje sile u poprečnim presjecima nosača
- skicirati i kotirati dijagrame uzdužnih i poprečnih sila te momenta savijanja duž konture nosača.

Zadano: F , a , $EI_y = \text{konst}$.



Rješenje:

Zatvoreni zglobni okvirni nosač je geometrijski simetričan i simetrično opterećen, te su vanjske reakcije veza u osloncima A i B, slika b):

$$F_A = F_B = F.$$

Unutarnje sile u poprečnim presjecima dijelova nosača, zbog simetrije konstrukcije i opterećenja, određuju se iz jednadžbi ravnoteže za 1/2 nosača i dopunskog uvjeta minimuma energije deformiranja:

- poprečne sile u presjecima G i H $\rightarrow Q_G = Q_H = 0$ (simetrija!),
- uzdužne sile N_G , N_H te momenti savijanja M_G i M_H iz jednadžbi (1) do (5).

Jednadžbe ravnoteže za 1/2 nosača:

1. $\sum F_H = 0 \quad -N_G + N_H = 0, \rightarrow N_G = N_H = N.$
2. $\sum F_V = 0 \quad F_A - F/2 - F/2 = 0 \rightarrow F_A = F_B = F.$
3. $\sum M_G = 0 \quad M_H + N_H \cdot a - F_A \cdot a = 0. \rightarrow M_H = F \cdot a - N \cdot a \dots (3')$
4. $M_G = 0$ (zglob u G!).

Zadatak je jedanput unutarnje statički neodređen, jer jest: $n = k - s = 5 - 4 = 1$.

Prekobrojna unutarnja sila jest: N .

Poučak o minimumu energije deformiranja nosača je za $i = 3$ i $EI_y = \text{konst.}$, slika b):

$$5. \frac{\partial U}{\partial N} = \left[\sum_{i=1}^4 \left(\int_0^{l_i} M_b(x_i) \cdot \frac{\partial M_b(x_i)}{\partial N} dx_i \right) \right] = 0.$$

Momenti savijanja duž konture nosača $M_b(x_i) = M_y(x_i)$ i potrebne derivacije jesu:

Momenti savijanja $M_b(x_i)$ dijelova okvirnog nosača:	$\frac{\partial M_b(x_i)}{\partial N}$
$M_b(x_1) = -M_H + \frac{F}{2} \cdot x_1 = N \cdot a + F \cdot \left(\frac{x_1}{2} - a \right)$	a
$M_b(x_2) = N \cdot x_2 - \frac{F}{2} \cdot a$	x_2
$M_b(x_3) = -\frac{F}{2} \cdot x_3$	0

Moment savijanja $M_b(x_i) = M_y(x_i)$ uzet je pozitivan, ako on na strani dijela nosača označenom crtkanom linijom, slika b), izaziva rastezna (vlačna) naprezanja.

Uvrštavanjem izraza za momente savijanja $M_b(x_i)$ i pripadajućih derivacija iz tablice u izraz (5) slijedi:

$$(5) \rightarrow \int_0^a \left[N \cdot a + F \cdot \left(\frac{x_1}{2} - a \right) \right] \cdot a \cdot dx_1 + \int_0^a \left(N \cdot x_2 - \frac{F}{2} \cdot a \right) \cdot x_2 \cdot dx_2 = 0.$$

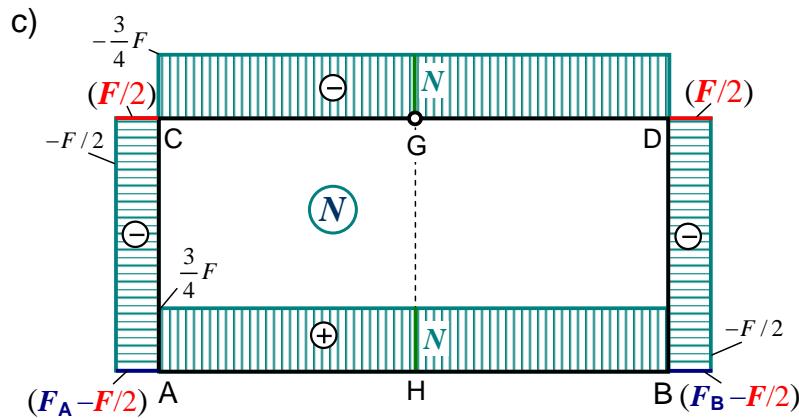
Integriranjem i sređivanjem izraza te dijeljenjem s a^3 dobiva se uzdužna sila:

$$\frac{4}{3}N - F = 0 \rightarrow N = \frac{3}{4}F = N_G = N_H.$$

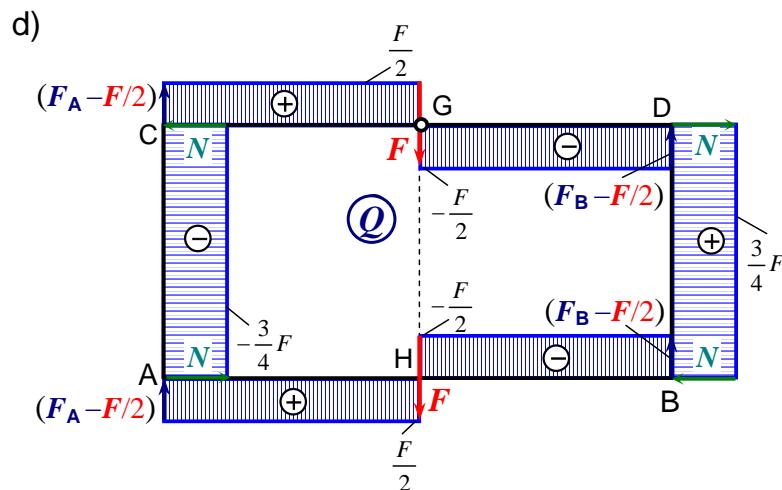
Iz izraza (3') dobiva se unutarnji moment u presjeku H okvirnog nosača:

$$M_H = F \cdot a - N \cdot a = \left(1 - \frac{3}{4} \right) \cdot F \cdot a \rightarrow M_H = \frac{1}{4}F \cdot a.$$

Dijagram unutarnjih uzdužnih sila duž konture zatvorenog zglobovnog okvirnog nosača:



Dijagram unutarnjih poprečnih sila duž konture zatvorenog zglobovnog okvirnog nosača:



Momenti savijanja u karakterističnim točkama zatvorenog zglobnog okvirnog nosača jesu:

$$M_{bA} = \frac{F}{2} \cdot a - M_H = N \cdot a = \frac{1}{4} Fa = M_{bB}, \quad M_{bD} = M_{bC} = -\frac{1}{2} Fa, \quad M_{bG} = 0,$$

$$M_{bH} = -M_H = -\frac{1}{4} Fa.$$

Dijagram momenata savijanja duž konture zatvorenog zglobnog okvirnog nosača:

